令和元(2019)年度秋季実施東北大学大学院医工学研究科 博士課程前期2年の課程入学試験問題

(医学系コース)

Questions for the Entrance Examination to the Master's Program of Biomedical Engineering (Medicine Course)

学 基 礎

Rudimentary Mathematics

問題 1(Q1)

次の関数のn次導関数を求めよ。

Find the n-degree derivative for the functions below.

(1)
$$y = \frac{1}{1+x}$$

(2)
$$y = \cos 5x$$

問題 2 (Q2)

次の関数を3次の項までマクローリン展開せよ。

Find a third degree Maclaurin series for the following functions

(1)
$$f(x) = \sqrt{1-x}$$

(2)
$$f(x) = e^{2x}$$

問題3(Q3)

次の関数の不定積分を求めよ。

Find the integrals for the functions below.

(1)
$$\int x(x^2+1)^4 dx$$

$$(2) \int \sin(3x-2) \ dx$$

$$(3) \int x \sin 2x \ dx$$

問題4(Q4)

次の行列式を | AB | = | A | | B | を利用して求めよ。

Find the determinant below using a relation |AB|=|A||B|.

$$\begin{vmatrix} b^2 + c^2 & ab & ca \\ ab & c^2 + a^2 & bc \\ ca & bc & a^2 + b^2 \end{vmatrix}$$

(予備)

次の連立方程式を解け。

Solve the equations.

$$\begin{cases} 2x + 3y + 2z = 4 \\ 4x + 3y + 2z = 4 \\ x + 2y + 2z = 3 \end{cases}$$